## УДК 537.523:538.4

# А.А. ТРОПИНА<sup>1</sup>, В.Е. КОСТЮК<sup>2</sup>

## <sup>1</sup> Харьковский национальный автомобильно-дорожный университет, Украина <sup>2</sup>Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Украина

## ЧИСЛЕННЫЙ АНАЛИЗ ХАРАКТЕРИСТИК ЭЛЕКТРИЧЕСКОЙ ДУГИ В ТУРБУЛЕНТНОМ ПОТОКЕ ГАЗА

Предложена методика сопряженного расчета электрической дуги в турбулентном потоке газа, позволяющая проводить оценки характеристик дуги без привлечения дополнительных экспериментальных данных о распределении температуры на поверхностях электродов. Показана возможность выявления условий существования устойчивой работы промышленных плазмотронов, работающих в режиме локального теплового равновесия, путем определения размеров токопроводящей зоны непосредственно в процессе расчета.

### турбулентное течение, дуговой разряд, численное моделирование, сопряженный подход, промышленный плазмотрон, условия существования дуги, устойчивость

#### Введение

Изучение характеристик дугового разряда в зависимости от используемой модели плазмы, режимов течения и геометрии разрядной камеры важно как для понимания механизма взаимодействия плазмы с турбулентным потоком газа, так и для улучшения работы существующих промышленных плазмотронов. Трудности моделирования подобных течений связаны с постановкой граничных условий вблизи электродов, где происходит взаимодействие плазмы с электродом, и идут процессы интенсивного тепловыделения, осложненные присутствием электромагнитного поля.

В большинстве работ для задания граничных условий используются экспериментальные данные о распределении температуры вдоль электродов и радиусы привязки дуги к электродам [1, 2]. При отсутствии подобных экспериментальных данных, так например, при проектировании новых пламенных устройств, использование такого подхода становится невозможным. В данной работе для расчета характеристик электрической дуги предлагается использовать метод, основанный на решении сопряженной задачи, когда в расчетную область, помимо области, занятой плазмой, включаются области, занятые катодом и анодом. Подобный подход использовался авторами работы [3], однако авторы ограничились рассмотрением горения открытой электрической дуги в ламинарном режиме при достаточно простой геометрии расчетной области. В настоящей работе проводится численный анализ характеристик дуги в турбулентном потоке для промышленного плазмотрона в зависимости от силы тока и скорости подачи газа.

Постановка задачи. Рассматривается электрическая дуга, горящая в воздухе при атмосферном давлении в канале плазмотрона между составным катодом с плоским торцом и плоской поверхностью медного анода (рис. 1). Для описания характеристик дуги используется система уравнений МГДприближения. Предполагается, что протекающие процессы стационарные, течение осесимметричное, излучение объемное, пульсациями электромагнитных величин можно пренебречь. Плазма находится в состоянии локального термодинамического равновесия (ЛТР). Свойства турбулентного течения газа описываются двухпараметрической  $k - \varepsilon$  моделью турбулентности (RNG модификация).



Рис. 1. Схема плазмотрона

Основные уравнения имеют вид:

$$\frac{\partial}{\partial x_j} \left( \rho v_j \right) = 0 ; \tag{1}$$

$$\frac{\partial}{\partial x_j} \left( \rho v_j v_i + p \delta_{ij} - \tau_{ij} \right) = 0 ; \qquad (2)$$

$$\frac{\partial}{\partial x_j} \left( \rho v_j k \right) = \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \left( \mu + \frac{\mu_t}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right) + 2\mu_t S_{ij} S_{ij} - \frac{2}{3} \left( \mu_t S_{nn}^2 + \rho k S_{nn} \right) - \rho \varepsilon ;$$
(3)

$$\frac{\partial}{\partial x_j} \left( \rho v_j \varepsilon \right) = \frac{\partial}{\partial x_j} \left( \left( \mu + \frac{\mu_t}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j} \right) + c_1 \frac{\varepsilon}{k} \left[ 2\mu_t S_{ij} S_{ij} - \frac{2}{3} \left( \mu_t (S_{nn})^2 + \rho k S_{nn} \right) \right] - c_2 \frac{\rho \varepsilon^2}{k} + C_3 \rho \varepsilon S_{nn} - R ; (4)$$

$$\rho(\overline{v}\cdot\nabla)h = \overline{j}\cdot\overline{E} + \nabla\cdot(\frac{\lambda\nabla T}{c_p}) - \psi; \qquad (5)$$

$$\nabla \times \overline{E} = 0 \; ; \qquad \nabla \times \overline{H} = \overline{j} \; ; \qquad \overline{j} = \sigma(\overline{E} + \overline{v} \times \mu \overline{H}) \; ; \tag{6}$$

$$\begin{split} R = \rho C_{\mu} \frac{\eta^3 (1 - \eta / \eta_0) \varepsilon^2}{(1 + \beta \eta^3) k}; \quad \tau_{ij} = \tau_{lij} + \tau_{tij}; \quad \tau_{lij} = 2\mu \left( S_{ij} - \frac{S_{nn} \delta_{ij}}{3} \right); \quad \mu_t = C_{\mu} \frac{k^2}{\varepsilon}; \quad S_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right); \\ R = Sk / \varepsilon; \quad S = \sqrt{2\Omega_{ij}\Omega_{ij}}; \quad \Omega_{ij} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_j} - \frac{\partial v_j}{\partial x_i} \right), \end{split}$$

где  $v_j$   $(j = \overline{1,3})$  – компоненты вектора скорости;

р – давление;

 $\tau_{lij}(\tau_{tij})$  – тензор молекулярных (турбулентных) напряжений;

μ<sub>t</sub> – турбулентная вязкость;

*k* – кинетическая энергия турбулентности;

 є – скорость диссипации турбулентной кинетической энергии;

S<sub>ij</sub> – тензор скоростей деформации;

*h* – энтальпия;

 $\overline{H}$  – вектор магнитной индукции;

- $\overline{E}$  вектор напряженности электрического поля;
- $\sigma$  проводимость среды.

Поскольку в осесимметричном приближении магнитная индукция имеет только одну компоненту  $H_{\phi}$ , уравнения Максвелла могут быть сведены к одному уравнению для  $H_{\phi}$  вида:

$$\frac{1}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(\frac{r}{\sigma}\frac{\partial H_{\varphi}}{\partial r}\right) + \frac{\partial}{\partial z}\left(\frac{1}{\sigma}\frac{\partial H_{\varphi}}{\partial z}\right) + \frac{H_{\varphi}}{r}\frac{\partial}{\partial r}\left(\frac{1}{\sigma}\right) - \mu_{0}\frac{\partial}{\partial z}\left(\nu H_{\varphi}\right) - \mu_{0}\frac{\partial}{\partial r}\left(uH_{\varphi}\right) = 0.$$
(7)

Система уравнений (1) – (7) замыкается граничными условиями на входе в расчетную область, а именно на внешней границе катода и анода, где  $T_a = T_c = 300 \text{ K}$ ;  $H_{\phi} = Ir^2/2\pi r_c^2$  (катод);  $H_{\phi} = I/2\pi r$  (анод). В выходном сечении используются «мягкие» условия:  $\partial^2 \phi / \partial z^2 = 0$ , где  $\phi$  – зависимая переменная. На стенках канала используются условия прилипания, а на оси при r = 0 выполняются условия симметрии.

Решение системы дифференциальных уравнений проводилось методом конечных разностей в физических переменных. Дискретизация уравнений осуществлялась методом контрольного объема, при этом конвективные члены аппроксимировались разностями, ориентированными против потока. Поле давления рассчитывалось с помощью метода SIMPLE. Расчетная область включала в себя твердые тела (катод, анод) и область, занятую газом и плазмой. Решение разностных уравнений осуществлялось итерационным методом. При решении задачи в области, занятой составным катодом, состоящим из гафниевой вставки, медной части и катододержателя из изоляционного материала, исходная область разбивалась на три части, в каждой из которых использовались теплофизические свойства конкретного материала. При этом моделирование джоулева тепловыделения осуществлялась с учетом различных коэффициентов электропроводности для отдельных частей катода.

Можно отметить, что уравнение для  $H_{\phi}$  имеет особенность при  $\sigma \rightarrow 0$ . Таким образом, существует предельное минимальное значение  $\sigma$ , при котором еще существует стационарное решение и которое можно определить из следующего соотношения, связывающего интенсивность объемного джоулева тепловыделения с вложенной энергией:

$$I \cdot U = \int_{V} \left( \overline{E} \cdot \overline{j} \right) dV .$$
(8)

Поскольку избыточное давление, создаваемое электромагнитными силами в электрической дуге незначительно по сравнению с атмосферным [1], то его влиянием на теплофизические коэффициенты можно пренебречь. Таким образом, коэффициенты  $\lambda$  и  $\sigma$  считались известными функциями температуры и задавались с использованием линейно-кусочной интерполяции экспериментальных данных, приведенных в монографии [1].

Размеры и расположение катодных и анодных привязок дуги и распределение температуры вдоль катода и анода, а также размеры токопроводящей области дуги являются расчетными параметрами задачи и определяются в ходе решения сопряженной задачи в областях, занятых твердым телом, воздухом и плазмой.

### Результаты расчетов

На основе разработанной модели был проведен расчет характеристик дуги для промышленного плазмотрона [3], схема которого приведена на рис. 1. Варьировалась сила тока  $5 \text{ A} \le I \le 150 \text{ A}$ , массовый расход газа на входе в плазмотрон 0,0002 кг/ $c \le G \le 0,001$  кг/с.

При силе тока 35 А и выше происходит формирование устойчивого плазменного ядра, размеры которого растут с увеличением силы тока. На рис. 2 представлены поля изотерм при силе тока I = 60 А и расходе газа G = 0,0002 г/с. Из рисунка видно, что максимум температур достигается в районе катодной вставки (рис. 2), при этом радиус привязки дуги к катоду составляет 0,5 мм.

С ростом тока увеличивается максимум температуры в районе катодной вставки, напряженность электрического поля, расширяется токопроводящий канал дуги и возрастают собственные электромагнитные силы, что приводит к интенсивному ускорению и нагреву плазмообразующего газа. Распределение поля скоростей в плазмотроне представлено на рис. 3 для силы тока I = 50 A при расходе газа 0,0002 кг/с.

Увеличение силы тока не меняет приведенный характер распределения, а сказывается только на конкретных значениях величины скорости. Для оценки вклада собственных электромагнитных сил дуги были проведены расчеты при  $H_{\phi} = 0$ . Вклад сил Лоренца в поток импульса можно оценить по рис. 4, где приведены распределения аксиальной компоненты скорости в сечении A-A.



Рис. 2. Поле относительной температуры (I = 60 A)



Рис. 3. Поле скоростей, м/с (I = 50 A)





На рис. 5 представлено распределение температуры вдоль поверхности анода. Анализ полученного распределения позволяет утверждать, что максимальное значение температуры на поверхности анода достигается при  $z = 1,5r_e$ , где координата z отсчитывается от поверхности катода,  $r_e$  – радиус катодной вставки. При увеличении силы тока положение максимума T не меняется, а его величина растет пропорционально силе тока I. Можно отметить, что подобный характер распределения температуры для данного семейства плазмотронов отмечается в работе [4].

Изменение расхода газа на входе в плазмотрон при прочих равных условиях приводит к ускорению потока газа в осевом направлении, что способствует усилению переноса тепла в аксиальном направлении и снижению максимума температур в районе вставки. Так при увеличении расхода от G = 0,0002 кг/с до G = 0,001 кг/с при силе тока I = 80 A, максимум температуры в районе катодной вставки снизился на 7%.

Расчеты показали, что при токах *I* = 4...10 А энергии джоулева тепловыделения от катода недостаточно для стабильного поддержания дуги и организации ее горения в режиме ЛТР, что приводит к резкому падению проводимости и исчезновению плазмы. Таким образом, эксплуатация подобных плазмотронов на маломощных режимах происходит в режиме неравновесной плазмы.



Рис. 5. Профиль относительной температуры на поверхности анода (*I* = 60A)

#### Выводы

 Предложенная методика сопряженного расчета позволяет проводить оценки характеристик электрической дуги в турбулентном потоке газа без привлечения дополнительных экспериментальных данных о распределении поля температур на поверхностях электродов.

 Определение размеров токопроводящей зоны непосредственно в процессе расчета позволяет выявлять условия существования устойчивой работы промышленных плазмотронов в режиме ЛТР.

## Литература

 Теория столба электрической дуги / В.С. Энгельшт, В.Ц.Гурович, Г.А. Десятков и др. // Низкотемпературная плазма. Т.1. – Новосибирск: Наука, 1990. – 376 с.

 Теория и расчет приэлектродных процессов / И.Г. Паневин, В.И. Хвесюк, И.П. Назаренко и др. // Низкотемпературная плазма. Т.10. – Новосибирск: Наука, 1992. – 197 с.

 Лелевкин В.М., Семенов В.Ф. Численное моделирование открытой диафрагмированной электрической дуги // Вестник КРСУ. – 2002. – № 22. – С. 25-34.

 Романовский Г.Ф., Сербин С.И. Плазмохимические системы судовой энергетики. – Николаев: УГМТУ, 1998. – 246 с.

#### Поступила в редакцию 25.05.2006

Рецензент: д-р техн. наук, проф. В.П. Герасименко, Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Харьков.