

УДК 681.5.015:629.7.05

С.Н. ФИРСОВ, ВАН ТХИНЬ НГУЕН, А.В. ДАНЧЕНКО

*Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Харьков*

## УПРАВЛЕНИЯ МАЛОГАБАРИТНЫМ ЛЕТАТЕЛЬНЫМ АППАРАТОМ ВЕРТИКАЛЬНОГО ВЗЛЕТА И ПОСАДКИ ПРИ ПЕРЕХОДЕ ОТ ОДНОГО РЕЖИМА ПОЛЕТА В ДРУГОЙ

*В работе представлен новый класс малогабаритных летательных аппаратов (МЛА) вертикального взлета и посадки, а также предложены алгоритмы управления, которые обеспечивают заданные показатели качества полетами исследуемого аппарата, как в номинальном режиме, так и при возникновении нештатных ситуаций. Представлен ряд математических моделей, отражающих особенности функционирования малогабаритных летательных аппаратов в различных переходных режимах при изменении его траектории. Также синтезированы алгоритмы управления МЛА в переходном режиме, способные парировать разнообразные возмущения.*

**Ключевые слова:** малогабаритный летательный аппарат, система координат, матрица преобразования, микроконтроллер, сигмоидальная функция.

### Введение

Беспилотные летательные аппараты (БПЛА) вертикального взлета и посадки обладают неоспоримым преимуществом по сравнению с другими типами летательных аппаратов, требующих наличие взлетно-посадочной полосы. Так же малогабаритные БПЛА позволяют решать широкий круг задач в ограниченном пространстве – закрытых помещениях. Несмотря на то, что беспилотные вертолеты имеют ту же самую эксплуатационную характеристику, что и БПЛА вертикального взлета и посадки, они имеют ряд недостатков: ограничения скорости полета, низкая маневренность и ряд других. Традиционный класс БПЛА обеспечивает вертолетные эксплуатационные характеристики только путем изменения либо ориентации в пространстве вектора силы тяги, либо геометрии самого летательного аппарата, что сопровождается значительным усложнением конструкции аппарата. Именно поэтому, создание малогабаритных беспилотных летательных аппаратов (МЛА), свободных от указанных недостатков и обладающих положительными характеристиками вертолетных и самолетных схем, а также способных выполнять поставленные задачи, как в открытом воздушном пространстве, так и в закрытых помещениях, представляет собой актуальную научно-практическую задачу.

МЛА вертикального взлета и посадки представляет собой сравнительно новый класс летательных аппаратов, для которого отсутствуют конструктивные и хорошо структурированные аналитические методы определения аэродинамических и тяговых характеристик, что обуславливает создание дейст-

вующих макетов подобных аппаратов. Кроме того, эти характеристики аппарата могут значительно отличаться от образца к образцу или изменяться в процессе эксплуатации, что не позволяет переложить уже существующие разработки систем управления более размерных летательных аппаратов на МЛА. Это определяет необходимость решения научно-технической задачи обеспечения МЛА угловой устойчивостью на различных режимах полета, путем создания аппаратно-алгоритмических средств системы угловой стабилизации.

В работе рассматривается синтез системы управления одновинтового МЛА вертикального взлета и посадки (рис. 1) и ее исследование в переходном режиме [1]. Предлагаемая компоновка МЛА отличается простой механикой, которая, в свою очередь, упростила конструкцию, а следовательно, его производство и эксплуатацию. Кроме того, в компоновку введены определенные структурные особенности, позволяющие улучшить устойчивость аппарата к внешним воздействиям, а также обеспечить отказоустойчивость системы во всех режимах полета.



Рис. 1. Внешний вид МЛА

Для синтеза системы траекторного управления МЛА необходимо получить ряд моделей аппарата, провести их параметрическую идентификацию с последующим уточнением параметров моделей при проведении натурных экспериментов.

### 1. Уравнение параметров движения по траектории

Исследуемый аппарат представляет собой сложную систему со многими перекрестными связями, что существенно усложняет исследование его полной динамики и определяет необходимость декомпозиции полного движения на ряд автономных движений с последующим переходом на полный анализ. С целью упрощения, в результате первичного анализа исследуемого МЛА было определено, что движение в продольном канале допустимо описывать дифференциальными уравнениями второго порядка [2]. Силы, действующие на центр масс МЛА при его движении в продольном канале, представлены на рис. 2. Оси базовой системы координат OXYZ, относительно которой рассматриваются проекции сил, расположены таким образом, что ось OX направлена в сторону движения аппарата (по курсу) в горизонтальной плоскости и определяет расстояние, пройденное МЛА в базовом направлении. С целью упрощения последующего изложения предполагаем: основное движение аппарата происходит вдоль оси OX и оси OY, отражающей изменение высоты. Управление тангажом предполагает наличие управляющего момента относительно оси OZ, перпендикулярной двум осям OX и OY.

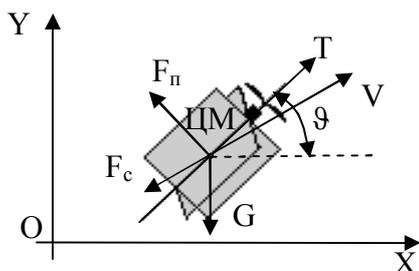


Рис. 2. Физическая модель МЛА

На основании физической модели (рис. 2), уравнение, описывающее динамические свойства объекта в продольном канале, представим следующим образом:

$$m \begin{pmatrix} \ddot{X} \\ \ddot{Y} \end{pmatrix} = G + F_{\text{п}} + F_{\text{с}} + T, \quad (1)$$

$$\dot{\vartheta} = a(\vartheta^3 - \vartheta), \quad (2)$$

где  $\ddot{X}$ ,  $\ddot{Y}$  – линейные ускорения на соответственной оси,  $\vartheta$  – угол тангажа,  $G$  – сила тяжести;  $F_{\text{п}}$  – подъемная сила;  $F_{\text{с}}$  – сила сопротивления;  $T$  – сила тяги,  $\vartheta^3$  – заданный тангаж,  $m$  – масса МЛА.

Кроме того, предполагаем, что управление тангажа доступно с характеристиками первого порядка, которые описываются позитивной:  $a = \text{const}$ .

В базовой системе координат сила представима следующим образом:

$$G = \begin{pmatrix} 0 \\ -mg \end{pmatrix},$$

где  $g$  – ускорения свободного падения.

Известно, что вектор тяги действует вдоль оси OX связанной с МЛА системой координат и записывается следующим аналитическим выражением:

$$T = R(\vartheta) \begin{pmatrix} T \\ 0 \end{pmatrix},$$

где  $R$  – матрица преобразования косинусов, определяющая взаимное положение связанной системы координат и системы координат, расположенной под углом  $\varphi$ :

$$R(\varphi) = \begin{pmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \\ \sin \varphi & \cos \varphi \end{pmatrix},$$

$T$  – тяга двигателя с винтом, для которой выполняется условие  $T > 0$ .

Аналогично силе тяги представим подъемную силу и силу аэродинамического сопротивления:

$$F_{\text{п}} = R(\vartheta - \alpha) \begin{pmatrix} 0 \\ F_{\text{п}} \end{pmatrix},$$

$$F_{\text{с}} = R(\vartheta - \alpha) \begin{pmatrix} -F_{\text{с}} \\ 0 \end{pmatrix},$$

где  $F_{\text{п}} = \frac{1}{2} \rho V^2 S C_{\text{п}}(\alpha)$  – величина подъемной силы;

$F_{\text{с}} = \frac{1}{2} \rho V^2 S C_{\text{с}}(\alpha)$  – величины силы сопротивления;  $C_{\text{п}}$ ,  $C_{\text{с}}$  – аэродинамические коэффициенты;  $\rho$  – плотность воздуха;  $S$  – площадь крыльев.

Резльтирующая подъемной силы и сопротивления будет равна:

$$F_{\text{п}} + F_{\text{с}} = \frac{1}{2} \rho V^2 S R(\vartheta - \alpha) \begin{pmatrix} -C_{\text{с}}(\alpha) \\ C_{\text{п}}(\alpha) \end{pmatrix}.$$

Следует отметить, что скоростью полета определяется как  $V = \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2}$ , а угол атаки –

$\alpha = \vartheta - \text{tg}^{-1} \left( \frac{\dot{Y}}{\dot{X}} \right)$ . Следовательно:

$$\vartheta - \alpha = \text{tg}^{-1} \left( \frac{\dot{Y}}{\dot{X}} \right);$$

$$\cos(\vartheta - \alpha) = \cos \left( \text{tg}^{-1} \left( \frac{\dot{Y}}{\dot{X}} \right) \right) = \frac{\dot{X}}{\sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2}} = \frac{\dot{X}}{V}, \quad (3)$$

$$\sin(\vartheta - \alpha) = \sin \left( \text{tg}^{-1} \left( \frac{\dot{Y}}{\dot{X}} \right) \right) = \frac{\dot{Y}}{\sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2}} = \frac{\dot{Y}}{V}. \quad (4)$$

На основании (3) и (4) выражение для результирующей аэродинамической силы представим следующим образом:

$$F_{\pi} + F_c = \frac{1}{2} \rho V^2 S \begin{pmatrix} \dot{X} & \dot{Y} \\ \dot{V} & \dot{X} \\ \dot{V} & \dot{V} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -C_c \\ C_{\pi} \end{pmatrix} = \frac{1}{2} \rho V S \begin{pmatrix} -\dot{X} C_c & \dot{Y} C_{\pi} \\ \dot{Y} C_c & \dot{X} C_{\pi} \end{pmatrix}.$$

Исходя из полученной зависимости уравнение движения примет вид:

$$\begin{pmatrix} \ddot{X} \\ \ddot{Y} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ -g \end{pmatrix} + \frac{1}{2m} \rho V S \begin{pmatrix} -\dot{X} C_c & \dot{Y} C_{\pi} \\ \dot{Y} C_c & \dot{X} C_{\pi} \end{pmatrix} + R(\vartheta) \begin{pmatrix} T \\ 0 \end{pmatrix}, \quad (5)$$

$$\dot{\vartheta} = a(\vartheta^3 - \vartheta). \quad (6)$$

Применяя зависимости (5), (6), определяются алгоритмы управления МЛА, как при переходном режиме, так и в полете по траектории.

## 2. Задающие траектории

Целью синтеза траектории является разработка траекторий для всех режимов полета МЛА. При этом необходимо, чтобы траектория была простой и выполнимой. Формирование траектории выполняется в рамках продольного движения, т.е. в двумерной системе координат. Параметр  $X$  представляет собой расстояние движения вдоль линии текущего курса, высота обозначена как  $Y$ . Траектории формируются для всего интервала времени полета от начала маневра до его окончания.

Так как МЛА представляет собой объект вертикально взлета и посадки, то имеет место переход между точкой горизонтального маршрутного полета и точкой висения, или наоборот. Желаемые траектории перехода от вертикального полета в горизонт и обратно представлены на рис.3 и рис.4. При этом на этих же рисунках представлены начальные условия и опорные точки заворотов.

С целью обеспечения выполнения заданной траектории движения в том или ином маневре МЛА, необходимо измерять или определять параметры  $X$ ,  $\dot{X}$ ,  $\ddot{X}$ ,  $Y$ ,  $\dot{Y}$ , и  $\ddot{Y}$ . Входными сигналами, определяемыми в начальные моменты времени являются координаты первоначального и конечного положения  $(X_0, Y_0)$ ,  $(X_k, Y_k)$ , а также начальная скорость  $V_0$  для перехода из горизонтального полета в висение или окончательная задающая скорость  $V_k$  – для перехода из висения в горизонтальный полет. Время маневра  $t_m$ , – это продолжительность времени, необходимое для реализации маневра.

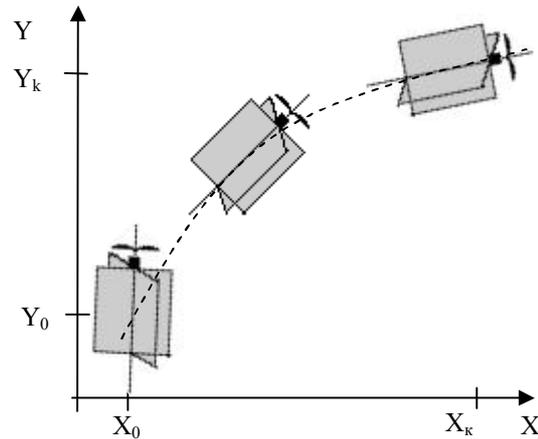


Рис. 3. Переходный режим из висения в горизонтальном полете

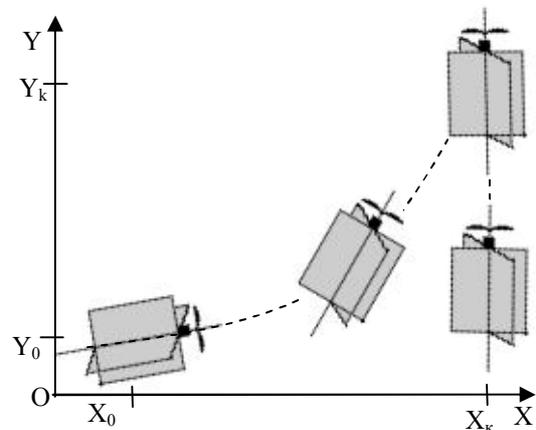


Рис. 4. Переходный режим из горизонтального полета в висение

Формирование траектории осуществляется независимо для двух осей. Ось  $Y$  – это скоростная ось траектории. При переходе из висения в горизонтальный полет скорость МЛА первоначально будет нулевой, а в последующем будет увеличиваться до  $V_k$ , с целью обеспечения устойчивого горизонтального полета. При переходе из горизонтального полета в режим висения, первоначально скорость полета будет  $V_0$ , затем ее необходимо уменьшить до нуля и МЛА, используя свои аэродинамические свойства, примет вертикальное положение. При этом параметры желаемого движения МЛА по оси  $X$  будут определяться следующими зависимостями [3]. Для варианта перехода из режима висения в горизонтальный полет зависимости требуемого изменения параметров будут иметь вид:

$$\ddot{X}_3 = \begin{cases} \frac{V_k}{t_m}, & t \leq t_m, \\ 0, & \text{иначе;} \end{cases}$$

$$\dot{X}_3 = \begin{cases} \frac{V_K}{t_m} t, & t \leq t_m, \\ V_K, & \text{иначе;} \end{cases} \quad (7)$$

$$X_3 = \begin{cases} \frac{V_K}{t_m} t^2 + X_0, & t \leq t_m, \\ V_K(t - t_m) + V_K \frac{t_m}{2}, & \text{иначе;} \end{cases}$$

где  $t_m = \frac{2(X_K - X_0)}{V_K}$ .

А для этапа перехода из горизонтального полета в висение, зависимости примут вид:

$$\ddot{X}_3 = \begin{cases} -\frac{V_0}{t_m}, & t \leq t_m, \\ 0, & \text{иначе;} \end{cases}$$

$$\dot{X}_3 = \begin{cases} -\frac{V_0}{t_m} t + V_0, & t \leq t_m, \\ 0, & \text{иначе;} \end{cases} \quad (8)$$

$$X_3 = \begin{cases} -\frac{V_0}{2t_m} t^2 + V_0 t + X_0, & t \leq t_m, \\ -\frac{V_0}{2t_m} t_m^2 + V_0 t_m + X_0, & \text{иначе;} \end{cases}$$

где  $t_m = \frac{2(X_K - X_0)}{V_0}$ .

Для формирования желаемой траектории по оси Y применяется другой подход. Для обоих типов перехода необходимо выполнить плавный переход от одного значения высоты к другому постоянному значению. Это может быть достигнуто применением сигмоидальной функции. Для описания обоих этапов желаемой траектории используются следующие аналитические зависимости:

$$Y_3 = \frac{Y_K - Y_0}{1 + e^{-k(t - \frac{t_m}{2})}} + Y_0;$$

$$\dot{Y}_3 = k(Y_K - Y_0) \frac{e^{k(t - \frac{t_m}{2})}}{(e^{kt} + e^{-k(1 - \frac{t_m}{2})})^2}; \quad (9)$$

$$\ddot{Y}_3 = \frac{-k^2(Y_K - Y_0)(e^{kt} - e^{-k(1 - \frac{t_m}{2})})e^{k(t - \frac{t_m}{2})}}{(e^{kt} + e^{-k(1 - \frac{t_m}{2})})^3}.$$

где k – коэффициент, определяющий на сколько быстро кривая траектории требуемой высоты достигает желаемого значения. Продолжительность маневра определяется расстояниями вдоль пути от X<sub>0</sub> до X<sub>K</sub> и рассчитывается в ходе формирования желаемой траектории X. После того, как определено значение t<sub>m</sub>, оно используется в качестве функции для синтеза траектории по Y.

### 3. Линеаризация уравнения движения

С целью синтеза законов управления необходимо осуществить линеаризацию исходных нелинейных зависимостей. Для линеаризации применяем хорошо зарекомендовавший себя подход вариации переменных:

$$\tilde{X} = X - X_3,$$

$$\tilde{Y} = Y - Y_3.$$

$$\begin{pmatrix} \ddot{\tilde{X}} \\ \ddot{\tilde{Y}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \ddot{X} - \ddot{X}_3 \\ \ddot{Y} - \ddot{Y}_3 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} \frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{X}C_{\Pi} - \dot{Y}C_c) + \frac{T}{m} \cos \vartheta - \ddot{X}_3 \\ -g + \frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{Y}_3C_c + \dot{X}C_{\Pi}) + \frac{T}{m} \sin \vartheta - \ddot{Y}_3 \end{pmatrix}.$$

При линеаризации предполагаем, что входные сигналы управления будут изменяться следующим образом:

$$U = \begin{pmatrix} \frac{T}{m} \cos \vartheta \\ \frac{T}{m} \sin \vartheta \end{pmatrix} = U_1 + U_2,$$

где U<sub>1</sub> – переменная, обеспечивающая сужение нелинейной части системы;

U<sub>2</sub> – это входной сигнал, который управляет отклонением к нулю.

Если выбрать U<sub>1</sub> таким, как:

$$U_1 = \begin{pmatrix} -\frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{X}C_{\Pi} - \dot{Y}C_c) \\ g - \frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{Y}_3C_c + \dot{X}C_{\Pi}) \end{pmatrix},$$

то уравнения линеаризованной системы примут следующий вид:

$$\begin{pmatrix} \ddot{\tilde{X}} \\ \ddot{\tilde{Y}} \end{pmatrix} = U_2 - \begin{pmatrix} \ddot{X}_3 \\ \ddot{Y}_3 \end{pmatrix}.$$

Для того, чтобы поддерживать желаемую траекторию X и Y с характеристиками второго порядка, необходимо обеспечить выполнение тождеств:

$$\ddot{\tilde{X}} = -k_{dX} \dot{\tilde{X}} - k_{qX} \tilde{X};$$

$$\ddot{\tilde{Y}} = -k_{dY} \dot{\tilde{Y}} - k_{qY} \tilde{Y},$$

где k<sub>dX</sub>, k<sub>qX</sub>, k<sub>dY</sub>, и k<sub>qY</sub> – перестраиваемые коэффициенты.

Для достижения этой цели, предположим:

$$U_2 = \begin{pmatrix} -k_{dX} \dot{\tilde{X}} - k_{qX} \tilde{X} + \ddot{\tilde{X}}_3 \\ -k_{dY} \dot{\tilde{Y}} - k_{qY} \tilde{Y} + \ddot{\tilde{Y}}_3 \end{pmatrix}.$$

Тогда входные сигналы управления становятся равными следующим значениям:

$$\begin{pmatrix} \frac{T}{m} \cos \vartheta \\ \frac{T}{m} \sin \vartheta \end{pmatrix} = U_1 + U_2 = \begin{pmatrix} -\frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{X}C_{\Pi} - \dot{Y}C_c) - k_{dX}\dot{X} - k_{qX}\ddot{X} + \ddot{X}_3 \\ g - \frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{Y}C_c + \dot{X}C_{\Pi}) - k_{dY}\dot{Y} - k_{qY}\ddot{Y} + \ddot{Y}_3 \end{pmatrix}$$

Для формирования сигналов управления тягой и тангажом, необходимо определить аналитические зависимости для выражения  $T$  и  $\vartheta$ . С этой целью представим строки входного вектора следующим образом:

$$F_1 = -\frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{X}C_{\Pi} - \dot{Y}C_c) - k_{dX}\dot{X} - k_{qX}\ddot{X} + \ddot{X}_3,$$

$$F_2 = g - \frac{\rho S}{2m} \sqrt{\dot{X}^2 + \dot{Y}^2} (-\dot{Y}C_c + \dot{X}C_{\Pi}) - k_{dY}\dot{Y} - k_{qY}\ddot{Y} + \ddot{Y}_3.$$

Такое представление приводит к следующим аналитическим представлениям:

$$\frac{T}{m} \cos \vartheta = F_1; \tag{10}$$

$$\frac{T}{m} \sin \vartheta = F_2. \tag{11}$$

Возводя в квадрат оба этих уравнения, и суммируя их, получаем выражение для тяги:

$$T = m\sqrt{F_1^2 + F_2^2}.$$

Разделив уравнение (11) на (10), и переписать в компактный вид получим:

$$\operatorname{tg} \vartheta = \frac{F_2}{F_1}. \tag{12}$$

Уравнение (12) представляет собой аналитическую зависимость угла тангажа от тяги двигателя и аэродинамического сопротивления.

#### 4. Результаты моделирования

В этой части представлены результаты моделирования системы при переходе из режима висения в горизонтальный полет и при переходе из горизонтального полета в висение. Параметры законов стабилизации для моделирования, следующие:

$$m = 900 \text{ гр}; k = 0,2; k_{dX} = 2; k_{qX} = 4; k_{dY} = 2; k_{qY} = 5; \\ t_m = 30 \text{ с}, X_0 = 0, Y_0 = 1, \\ X_k = 100, Y_k = 10 \text{ (рис. 5-8)}.$$

На рис.9 представлен полет МЛА, автономно работающий в переходном режиме полета. Полет осуществлялся при тех же значениях параметров закона управления, что и при моделировании и подтвердили работоспособность полученных законов и требуемое их качество.

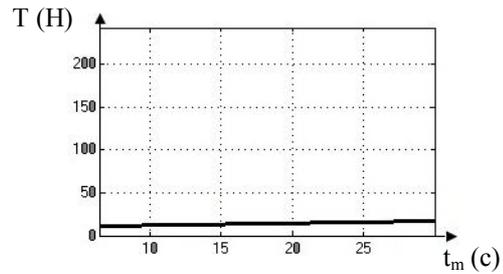


Рис. 5. Моделирование тяги двигателя при переходе из висения в горизонтальный полет

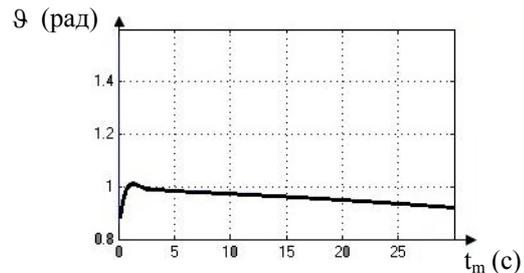


Рис. 6. Моделирования угла тангажа при переходе из висения в горизонтальный полет

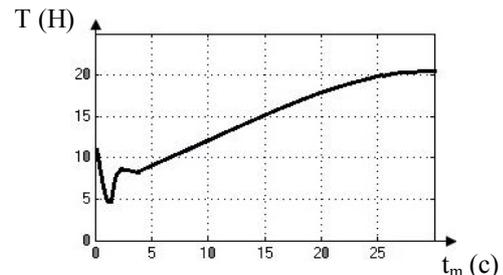


Рис. 7. Моделирование тяги при переходе из горизонтального полета в висение

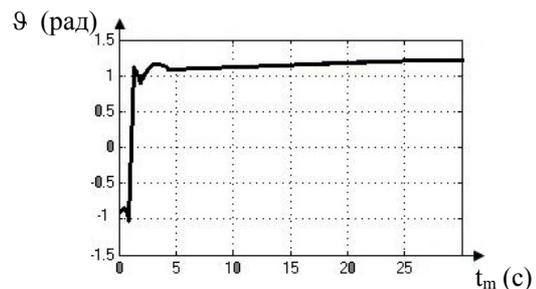


Рис. 8. Моделирования угла тангажа при переходе из горизонтального полета в висение



Рис. 9. Полет в переходном режиме

## Заключение

В результате проведенных исследований синтезированы алгоритмы управления МЛА в переходном режиме висения, способные парировать разнообразные возмущения. С целью расширения функциональных возможностей МЛА необходимо его дальнейшее исследование в различных режимах функционирования и при наличии сформированного множества нештатных ситуаций.

## Литература

1. Комп'ютерне моделювання динаміки безпilotного літального апарату нетрадиційної аеродинамічної схеми [Текст] / С.М. Фірсов, Нгуен Ван Тхін, О.В. Данченко, О.Е. Котисов // Вісник Харківського національного технічного університету

сільського господарства імені Петра Василенка. Технічні науки. Вип/102 «Проблеми енергозабезпечення та енергозбереження в АПК України». – Х.: ХНТУСГ, 2010. – С. 94 – 96.

2. Фирсов, С.Н. Малогабаритный летательный аппарат вертикального взлета и посадки [Текст] / С.Н. Фирсов, Нгуен Ван Тхін // Научные исследования – теория и эксперимент 2010: материалы шестой международной научно-практической конференции, Полтава, 17-19 мая 2010 г. - Полтава: Изд-во «ИнтерГрафіка», 2010. – Т.6 – С. 95 – 97.

3. Хафер, К. Техника вертикального взлета и посадки [Текст] / К. Хафер, Г. Закс. – М.: Мир, 1985. – 376 с.

4. Зайцев, Г.Ф. Теория автоматического управления и регулирования [Текст]: Учеб. для вузов / Г.Ф. Зайцев. – К/: Вища школа, 1988. – 431 с.

Поступила в редакцию 12.03.2012

**Рецензент:** д-р техн. наук, проф., заведующий кафедрой информатики А.Ю. Соколов, Национальный аэрокосмический университет им. Н.Е. Жуковского «ХАИ», Харьков, Украина.

## УПРАВЛІННЯ МАЛОГАБАРИТНИМ ЛІТАЛЬНИМ АПАРАТОМ ВЕРТИКАЛЬНОГО ЗЛЬОТУ ТА ПОСАДКИ ПРИ ПЕРЕХІДІ ВІД ОДНОГО РЕЖИМУ ПОЛЬОТУ В ІНШИЙ

*С.М. Фірсов, Ван Тхін Нгуен, О.В. Данченко*

Наведено новий клас малогабаритних літальних апаратів (МЛА) вертикального зльоту і посадки, а також запропоновано алгоритми управління, які забезпечують задані показники якості польоту досліджуваного апарату, як у номінальному режимі, так і при появі позаштатних ситуацій. Представлений ряд математичних моделей, що відображають особливості функціонування МЛА в різноманітних перехідних режимах та при зміні його траєкторії. Також синтезовані алгоритми управління МЛА в перехідних режимах, здатні парувати різноманітні збурення.

**Ключові слова:** малогабаритний літальний апарат, системи координат, матриця перетворення, мікроконтролер, сигмоїдальна функція.

## CONTROLS FOR A SMALL-SIZED VERTICAL TAKEOFF AND LANDING AIRCRAFT DURING TRANSIENT FROM ONE FLIGHT CONDITION TO ANOTHER

*S.N. Firsov, Van Thinh Nguyen, A.V. Danchenko*

This paper presents a new class of small vertical takeoff and landing (VTOL) aircraft, also the control algorithms were proposed, which provide a given quality of performance of the studied flying vehicle in nominal condition as well as in presence of abnormal situations. Presents a series of mathematical models, which reflect the peculiarities of the small-sized vertical takeoff and landing aircraft in various of transient condition during changing its trajectory. Also control algorithms were synthesized VTOL during transient condition, capable parry a variety of disturbances.

**Keywords:** small-sized aircraft, the coordinate system, transformation matrix, microcontroller, sigmoid function.

**Фирсов Сергей Николаевич** – канд. техн. наук, доцент, доцент кафедры систем управления летательными аппаратами Национального аэрокосмического университета им. Н.Е.Жуковского «ХАИ», Харьков.

**Нгуен Ван Тхін** – аспирант кафедры систем управления летательными аппаратами Национального аэрокосмического университета им. Н.Е.Жуковского «ХАИ», Харьков, e-mail: thinh\_kq@yahoo.com

**Данченко Александр Вячеславович** – аспирант кафедры систем управления летательными аппаратами Национального аэрокосмического университета им. Н.Е.Жуковского «ХАИ», Харьков.