

ПРО РОЗВ'ЯЗОК ДИФЕРЕНЦІАЛЬНО-ФУНКЦІОНАЛЬНИХ РІВНЯНЬ
УЗАГАЛЬНЕНИМИ РЯДАМИ ТЕЙЛОРА

*Іванов Юрій Олександрович, ст. викл. кафедри 405
Національний аерокосмічний університет ім. М.Є. Жуковського
«ХАІ»*

Рівняння $y'(x) = \lambda y(ax) + \mu y(x)$ застосовується в ядерній фізиці, в описі хвильових процесів, в біології, під час вивчення електричних ліній передач залізничних систем та в інших галузях науки і техніки. Тому ці рівняння активно досліджуються [4].

В доповіді розглядається можливість знаходити обмежені нескінченно диференційовані розв'язки рівняння $y'(x) = \lambda y(3x)$ на піввісі $[0, \infty)$ у вигляді узагальнених рядів Тейлора. Такі розв'язки належать неквазіаналітичному класу функцій [2,3]

$$H_{\lambda}^{(3)} = \left\{ f(x) \in C^{\infty}[-1,1]: |f^{(n)}(x)| < C \lambda^n \left(\frac{9}{4}\right)^n 3^{\frac{n(n-1)}{2}}, \quad n=0,1,2,\dots \right\}.$$

Стверджуємо, що існує єдиний такий розв'язок рівняння заданий в цілих точках піввісі. На відрізку $[0,1]$ він зображується узагальненим

$$\text{рядом Тейлора } y(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{k \in K_n} \lambda^n 3^{\frac{n(n-1)}{2}} y(k) \phi_{n, \frac{k}{3^{n-1}}}(x) + y(0) \phi_{0,0}(x) + y(1) \phi_{0,1}(x),$$

де $\phi_{n,t}(x) \in H_1^{(3)}$, $n=0,1,\dots$, $t \in T_n$, $\phi_{n,t}(x) = \delta_{n,k} \delta_{t,x}$, $k=0,1,\dots$, $n=0,1,\dots$, $t \in T_n$, $x \in T_k$. Функції $\phi_{n,t}(x)$ є лінійними комбінаціями зсувів атомарної функції $h_3(x)$ [1], що є нескінченно диференційованим фінітним розв'язком рівняння $y'(x) = \frac{9}{4}(y(3x+2) - y(3x-2))$.

Список використаної літератури:

1. Рвачёв В. Л., Рвачёв В. А. Неклассические методы теории приближений в краевых задачах.- К.: Наук. думка, 1979. – 139 с.
2. Рвачёв В.А. Фinitные решения функционально-дифференциальных уравнений.//Успехи мат. Наук. -1990.-45,вып.1(271).- С. 77-103.
3. Іванов Ю.О. Зображення неквазіаналітичних функцій узагальненими рядами Тейлора.// Доп. АН УРСР, сер. А.-1990, №7.
4. T. Yoneda. On the functional-differential equation of advanced type $f'(x)=af(\lambda x)$ with $f(0)=0$. J. Math. Anal. Appl., 332 (2007), pp. 487–496.